

#### ZADANIE 4.5

1. Wykorzystując możliwości programu dokonaj edycji następujących równań:

- Wzór nr 1:

$$P(B_i / A) = \frac{P(B_i) * P(A / B_i)}{P(A)} = \frac{P(B_i) * P(A / B_i)}{\sum_{i=1}^N P(B_i) * P(A / B_i)}$$

- Wzór nr 2:

$$F(x) = \int_{-\infty}^x \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-m)^2}{2\sigma^2}} dx = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} \int_{-\infty}^x e^{-\frac{(x-m)^2}{2\sigma^2}}$$

- Wzór nr 3:

$$\log \bar{i}_G = \frac{1}{n-1} \sum_{i=2}^n \log i_{/i-1} = \frac{1}{n-1} \log i_{n/1}$$

- Wzór nr 4:

$$T = \frac{\bar{X}_1 - \bar{X}_2}{\sqrt{\frac{n_1 S_{(1)}^2 + n_2 S_{(2)}^2}{n_1 + n_2 - 2} \left( \frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2} \right)}}$$

- Wzór nr 5

$$Y_{xy} = \frac{\sum_{i=1}^N (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{\sqrt{\sum_{i=1}^N (x_i - \bar{x})^2 \sum_{i=1}^N (y_i - \bar{y})^2}} = \frac{C(X, Y)}{S_x S_y}$$

#### ZADANIE 4.6

1. Uruchom edytor a następnie wpisz do niego następujące twierdzenie <sup>1</sup>:

<sup>1</sup> Przykład pochodzi z „Encyklopedii Szkolnej - Matematyka” praca zbiorowa pod redakcją W. Waliszewskiego, Wydawnictwa Szkolne i Pedagogiczne Warszawa 1988 s. 275

### *Twierdzenie o całkowaniu sumy szeregu funkcyjnego:*

Jeżeli szereg funkcyjny  $\sum_{n=1}^{\infty} f_n(x)$  jest jednostajnie zbieżny w przedziale P i ponadto każda z funkcji  $f_n(x)$  jest w nim całkowalna, to funkcja

$f(x) = \sum_{n=1}^{\infty} f_n(x)$  jest całkowalna i zachodzi równość

$\int_a^b f(x) dx = \sum_{n=1}^{\infty} \int_a^b f_n(x) dx$ . Mówi się także krótko, że taki szereg funkcyjny jest całkowalny wyraz po wyrazie.

Przykład:  $\int_0^{\frac{1}{2}} \left[ \sum_{n=0}^{\infty} x^n \right] dx = \sum_{n=0}^{\infty} \int_0^{\frac{1}{2}} x^n dx = \sum_{n=0}^{\infty} \left[ \frac{x^{n+1}}{n+1} \right]_0^{\frac{1}{2}} = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{1}{(n+1)2^{n+1}}$ . Po-

nieważ  $\sum_{n=0}^{\infty} x^n = \frac{1}{1-x}$  (suma szeregu geometrycznego dla  $|x| < 1$ ), więc

$$\int_0^{\frac{1}{2}} \sum_{n=0}^{\infty} x^n dx = \int_0^{\frac{1}{2}} \frac{1}{1-x} dx = \left[ -\ln(1-x) \right]_0^{\frac{1}{2}} = -\ln \frac{1}{2} = \ln 2.$$

Wynika stąd równość  $\ln 2 = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n2^n}$